

# ТЕХНИЧЕСКИ УНИВЕРСИТЕТ - СОФИЯ

## ПРИМЕРЕН ТЕСТ ПО МАТЕМАТИКА 2008 г.

Всяка от следващите 20 задачи има само по един верен отговор.

За всеки верен отговор получавате по 1 точка. За грешен или непопълнен отговор, както и за посочени повече от един отговори на една задача, точки не се дават и не се отнемат.

1. Ако  $a = 5\sqrt{2}$ ,  $b = 3\sqrt{2}$ , то стойността на израза  $c = \frac{a+b}{a-b}$  е равна на:

- а) 1;      б) 4;      в)  $2\sqrt{2}$ ;      г)  $3\sqrt{2}$ ;      д)  $2\sqrt{3}$ .

2. Ако с  $a \otimes b$  е означено  $\frac{2a+b}{a-b}$ , то  $10 \otimes (3 \otimes 2)$  е равно на:

- а)  $\frac{58}{33}$ ;      б)  $\frac{61}{35}$ ;      в) 14;      г) 16;      д) 18.

3. Едната страна на един правоъгълник е увеличена с 20%, а другата му страна е намалена с 10%. Тогава лицето му се е увеличило с:

- а) 8%;      б) 10%;      в) 12%;      г) 16%;      д) 20%.

4. Ако  $n$  е нечетно число, да се посочи кое от следните числа е четно:

- а)  $\frac{n}{3}$ ;      б)  $5n - 3$ ;      в)  $5n$ ;      г)  $5n + 2$ ;      д)  $5n + 1$ .

5. Цената на един молив е половината от цената на една тетрадка, а цената на една тетрадка е половината от цената на една химикалка. Ако цената на една химикалка е 2 лв., то един молив, 2 тетрадки и 3 химикалки общо ще струват:

- а) 4,5 лв.;      б) 7 лв.;      в) 8,5 лв.;      г) 9 лв.;      д) 9,5 лв.

6. В клуба по екология на един университет първоначално членували 10 младежи и 6 девойки. Всеки месец броят на членовете на клуба се увеличавал с 2 девойки и 1 младеж. Когато броят на девойките и на младежите се изравнил, броят на членовете на клуба е станал равен на:

- а) 18;      б) 28;      в) 48;      г) 50;      д) 58.

7. Изготвят се документи с различни серии от 3 различни букви от българската азбука (която има 30 различни букви). Броят на документите е равен на:

- а) 840;      б) 870;      в) 24360;      г) 24400;      д) 657720.

8. За  $f(x) = ax^2 + bx + c$  е известно, че  $f(1) = 1, f(2) = 0, f(3) = 3$ . Числото  $f(0)$  е равно на:

- а) 0;      б) 4;      в) 5;      г) 6;      д) 7.

9. Ако  $x_1$  и  $x_2$  са корените на уравнението  $x^2 + x - 5 = 0$ , то изразът  $x_1^3 + x_2^3$  е равен на:

- а) -16;      б)  $3\sqrt{21}$ ;      в) 0;      г) -21;      д) -1.

10. Ъгъл  $\alpha$  срещу страната  $a$  на триъгълник със страни  $a = 7, b = 5, c = 8$  е:

- а)  $45^\circ$ ;      б)  $30^\circ$ ;      в)  $90^\circ$ ;      г)  $60^\circ$ ;      д)  $120^\circ$ .

11. Нека  $x = 2^{2400}, y = 3^{3600}, z = 5^{1200}$ . Тогава:

- а)  $x < y < z$ ;      б)  $y < x < z$ ;      в)  $z < y < x$ ;      г)  $x < z < y$ ;      д)  $x = y = z$ .

12. Най-малката стойност  $m$  на функцията  $f(x) = x^2 - 11x + 10$  за  $x \in [0; 2]$  е:

- а)  $m = -2$ ;      б)  $m = -8$ ;      в)  $m = -10$ ;      г)  $m = -12$ ;      д)  $m = -14$ .

13. Пред един университет на равнинна местност са монтирани два вертикални пилон, които са с различни височини. Отсечките, които съединяват върха на единия пилон с основата на другия пилон, се пресичат в точка, която е на височина 2 м. Ако по-дългият пилон е висок 6 м, то височината на другия пилон в метри е:

- а) 3 м;      б) 4 м;      в) 4,5 м;      г) 5,5 м;      д) 6 м.

14. Лицето на триъгълник ABC е  $S$ . Върху страната AB е взета точка M, така че  $AM : MB = 3 : 2$ . Лицето на триъгълника AMC е:

- а)  $\frac{S}{5}$ ;      б)  $\frac{S}{4}$ ;      в)  $\frac{3}{5}S$ ;      г)  $S$ ;      д)  $2S$ .

15. Ако  $\operatorname{tg} \alpha = \frac{3}{4}$  и  $\alpha \in \left( \pi, \frac{3\pi}{2} \right)$ , то  $\sin \alpha$  е равен на:

- а)  $\frac{3}{5}$ ;      б)  $-\frac{3}{5}$ ;      в)  $-\frac{4}{5}$ ;      г)  $\frac{4}{5}$ ;      д)  $-\frac{1}{7}$ .

16. В една кутия има 8 бели и 12 черни топки. По случаен начин се изваждат 2 топки. Вероятността едната топка да е бяла, а другата да е черна, е равна на:

- а)  $\frac{3}{4}$ ;      б)  $\frac{48}{95}$ ;      в)  $\frac{11}{27}$ ;      г) 1.

17. За геометричната прогресия  $\{a_n\}$  имаме  $a_8 = 2a_4$ . Частното  $a_{100} : a_{50}$  е равно на:

- а)  $106\sqrt{2}$ ;      б) 202;      в)  $200\sqrt{2}$ ;      г)  $4096\sqrt{2}$ ;      д) 4098.

18. Ако  $\log_a b = -3$ , то стойността на израза  $\log_b(a^9 b^6)$  е равна на:

- а) 2;            б) 3;            в) 6;            г) 8;            д) 10.

19. От оловен къс във формата на правилен тетраедър с дължина на всеки ръб  $2\sqrt{2}$  см е отлят без загуба на олово куб. Ръбът на куба има дължина:

- а)  $\frac{2}{3}$  см;      б)  $\frac{2}{3}\sqrt{2}$  см;      в)  $\frac{2}{3}\sqrt{3}$  см;      г)  $\frac{2}{\sqrt[3]{3}}$  см;      д)  $\frac{1}{\sqrt[3]{3}}$  см.

20. Лицето на основата на правилна четириъгълна пирамида е  $16 \text{ cm}^2$ , а всяка околна стена сключва с основата на пирамидата ъгъл с големина  $\varphi$ . Обемът на пирамидата е:

- а)  $32 \sin\varphi \text{ cm}^3$ ;      б)  $33 \operatorname{tg}\varphi \text{ cm}^3$ ;      в)  $\frac{32}{3} \operatorname{tg}\varphi \text{ cm}^3$ ;      г)  $40 \operatorname{tg}\varphi \text{ cm}^3$ ;      д)  $50 \cos\varphi \text{ cm}^3$ .

Следващите 10 задачи са без избираем отговор. За всеки верен отговор получавате по 2 точки. За грешен или непълен отговор, за нечетлив текст, както и за посочени повече отговори на една задача, точки не се дават и не се отнемат.

21. Да се намери границата:  $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - x - 2}{\sqrt{4x + 1} - 3}$ .

22. Нека  $f(x) = \sqrt{50x^2 + 50}$ . Да се реши уравнението  $f'(x) = x$ , където  $f'(x)$  е производната на функцията  $f(x)$ .

23. Да се реши уравнението  $(x^2 + 2x)^2 - (x + 1)^2 = 55$ .

24. Да се реши неравенството  $\lg(x^2 - 5x + 6) < 1$ .

25. Три цели положителни числа образуват геометрична прогресия. Първият член е с единица по-малък от втория. Да се намери третият член на прогресията.

26. В остроъгълния триъгълник ABC са прекарани височините AD и CE. Радиусът на описаната около триъгълника ADC окръжност е равен на  $\sqrt{5}$  см. Ако  $AB = 5$  см,  $CD = 2$  см, да се намери периметърът на триъгълника ABC.

27. От плътно стоманено кълбо с обем  $\sqrt{3} \text{ cm}^3$  е изрязан прав кръгов цилиндър с възможно най-голям обем. Да се намери този обем.

28. Дадена е права триъгълна призма с основа правоъгълен триъгълник ABC с хипотенуза  $AB = c$  и ъгъл BAC с големина  $30^\circ$ . Да се намери обемът на призмата, ако е известно, че в нея може да се впише сфера.

29. В една кутия има 15 еднакви химикалки, от които 10 са червени, а останалите са сини. По случаен начин се избират 3 химикалки. Да се намери вероятността те да са червени.

30. Да се намерят стойностите на реалния параметър  $a$ , за които уравнението  $x^4 - 2ax^2 + a^2 = 0$  в отворения интервал  $\left(0; \frac{\pi}{2}\right)$  има точно едно решение.

## ОТГОВОРИ

1 б	2 в	3 а	4 б	5 в	6 б	7 в	8 г	9 а	10 г
11 г	12 б	13 а	14 в	15 б	16 б	17 г	18 б	19 г	20 в

21. Ответ:  $\frac{9}{2}$

22. Ответ:  $0, \pm 7$

23. Ответ:  $2, -4$

24. Ответ:  $x \in \left( \frac{5 - \sqrt{41}}{2}; 2 \right) \cup \left( 3; \frac{5 + \sqrt{41}}{2} \right)$

25. Ответ:  $4$

26. Ответ:  $10 + 2\sqrt{5}$

27. Ответ:  $1$

28. Ответ:  $\frac{3 - \sqrt{3}}{16} c^3$

29. Ответ:  $\frac{24}{91}$

30. Ответ:  $a \in \left( 0; \frac{\pi^2}{4} \right)$ .